

M1 Physique Médicale
 Examen de Physique des Radiations I

Exercice 1 :

L'électron célibataire du Lithium L_i^6 à pour énergie d'ionisation 5.39 eV . De quelle transition s'agit-il ?
 Le tableau suivant indique les longueurs d'ondes pour différentes transitions soit :

Transition	$2p \rightarrow 2s$	$3s \rightarrow 2p$	$3p \rightarrow 2s$	$4s \rightarrow 2p$	$3d \rightarrow 2p$	$4p \rightarrow 2p$
$\lambda(\text{nm})$	671	812	323	610	497	427

- Etablir la relation $((\Delta E, \lambda) \text{ en } (\text{eV}, \text{nm}))$.
- Déterminer la valeur de l'énergie nécessaire pour ioniser le L_i^6 ($e^- 3s$).
- Déterminer la longueur d'onde du Laser utilisé.

Exercice 2 :

Les longueurs d'ondes du spectre de raies de la série de Balmer sont données par la relation : $\lambda_n = \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4}$

Où n : est un entier naturel et $\lambda_0 = 3647,05 \text{ \AA}$.

- Déterminer pour cette série de raies la plus petite valeur possible de n et en déduire la longueur d'onde de la raie correspondante.
- Combien de raies observe-t-on si la série est limitée du côté des UV par la raie de longueur d'onde $\lambda_v = 4000 \text{ \AA}$?
- A l'aide de la formule généralisée de Rydberg déterminer les raies limites des séries de Lyman, de Paschen et de Brackett.

Exercice 3 :

Un photon gamma de $E_\gamma = 5,00 \text{ MeV}$ produit une paire électron-positron dans le champ d'un noyau (seuil $2m_e c^2 = 1,022 \text{ MeV}$). On suppose que l'énergie cinétique disponible est partagée également entre l'électron et le positron.

- Calculez l'énergie cinétique totale disponible et l'énergie cinétique de chaque particule.
- Calculez γ (facteur relativiste) et la vitesse v (en fraction de c) de l'électron si son énergie cinétique.

Exercice 4 :

On définit empiriquement une énergie critique E_c pour les électrons dans un matériau telle que pour $E \gg E_c$ les pertes radiatives (*Bremsstrahlung*) dominant sur les pertes collisionnelles, et pour $E \ll E_c$ l'inverse est vrai. Une approximation empirique courante est :

$$E_c \approx \frac{800 \text{ MeV}}{Z + 1,2}$$

Calculer E_c pour : Le plomb ($Z = 82$), Le carbone ($Z = 6$).

Interprète : pour un électron de 20 MeV , dans lequel de ces matériaux les pertes par *Bremsstrahlung* dominant ?

Corrigé Examen Physique des Radiations I

Exercice 1 :

a) Configuration électronique du Lithium $L_i^6 : 1s^2. 2s^1$

Pour l'électron célibataire $2s^1$, il s'agit de la transition : $E_{2s} \rightarrow E_\infty$ et $E_I = E_\infty - E_{2s} = 5.39 \text{ eV}$

b) Relation $((\Delta E, \lambda) \text{ en } (eV, nm)) : \Delta E (eV) = hv = \frac{h.c}{\lambda} \cong \frac{1241}{\lambda(nm)}$

c) Diagramme d'énergie du L_i^6 : Se construit sur la base de valeurs des tableaux suivants :

Transition	$2p \rightarrow 2s$	$3s \rightarrow 2p$	$3p \rightarrow 2s$	$4s \rightarrow 2p$	$3d \rightarrow 2p$	$4p \rightarrow 2p$
$\lambda(nm)$	671	812	323	610	497	427
$\Delta E(eV)$	-1,85	-1,53	-3,85	-2,04	-2,50	-2,91

Déduction des énergies des niveaux :

niveau	2s	2p	3s	3p	4s	3d	4p
$E(eV)$	-5,39	-3,54	-2,01	-1,54	-1,50	-1,04	-0,63

d) Energie nécessaire pour ioniser le $L_i^6 (e^- (3s))$:

$$E_{3s} = -\Delta E_{3s \rightarrow 2p} + E_{2p} = 1,53 - 3,54 = -2,01 \text{ eV}$$

$$\Delta E = E_I = E_\infty - E_{3s} = 2,01 \text{ eV}$$

e) Longueur d'onde du Laser utilisé : $\lambda(nm) = \frac{1241}{2,01} = 617,41$

Exercice 2 :

a) La plus petite valeur possible de n :

$$\lambda_n = \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4} > 0 \Rightarrow (n^2 - 4) > 0 \Rightarrow n > 2 \Rightarrow \text{Plus petite valeur est : } n = 3$$

Longueur d'onde de la raie correspondante : $\lambda_3 = \frac{\lambda_0 \cdot 3^2}{3^2 - 4} = 6564.69 \text{ \AA}$

b) Nombre de raies observées limitée du côté des $UV : \lambda_n \geq \lambda_v \Rightarrow \lambda_v \leq \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4} \Rightarrow n^2 \leq \frac{4\lambda_v}{\lambda_v - \lambda_0} = 45.33 \Rightarrow n < 7$

On observe 4 raies : $n = 3, 4, 5, 6$ (Balmer : $n \rightarrow m = 2$)

c) Raies limites des séries Lyman, Paschen, Brackett : $\lambda_n = \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4}$ Rydberg : $\lambda_n = \frac{1}{R_H} \frac{m^2 \cdot n^2}{n^2 - m^2}$
 Balmer : $m = 2 \Rightarrow \frac{1}{R_H} \frac{4n^2}{n^2 - 4} = \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4} \Rightarrow R_H = \frac{4}{\lambda_0} = 0.00109677 \text{ \AA}^{-1}$, Raies limites $\Rightarrow n \rightarrow \infty$
 \Rightarrow :

$$\text{Lyman : } m = 1 \Rightarrow \lambda_L = \frac{1}{R_H} = 911,77 \text{ \AA}, \quad \text{Paschen : } m = 3 \Rightarrow \lambda_P = \frac{9}{R_H} = 8205,91 \text{ \AA}$$

$$\text{Brackett : } m = 4 \Rightarrow \lambda_B = \frac{16}{R_H} = 14588,29 \text{ \AA}$$

Exercice 3 :

1. Énergie cinétique disponible : $E_{kin,tot} = E_\gamma - 2m_e c^2 = 5,00 - 1,022 = 3,978 \text{ MeV}$

Énergie cinétique pour chaque particule (partage égal) : $T = \frac{3,978}{2} = 1,989 \text{ MeV}$

2. Énergie totale d'une particule (électron) : $E_{tot} = T + m_e c^2 = 1,989 + 0,511 = 2,500 \text{ MeV}$

Facteur γ : $\gamma = \frac{E_{tot}}{m_e c^2} = \frac{2,500}{0,511} \approx 4,891$

Calcul de la vitesse ($\beta = v/c$) : $\beta = \sqrt{1 - \frac{1}{\gamma^2}} \approx 0,9789$, Donc $v \approx 0,9789 c$.

Exercice 4 :

1. Pour le plomb $Z = 82$: $E_c \approx \frac{800 \text{ MeV}}{82+1,2} \approx 9,615 \text{ MeV}$

2. Pour le carbone $Z = 6$: $E_c \approx \frac{800 \text{ MeV}}{6+1,2} \approx 111,11 \text{ MeV}$

3. Interprétation pour un électron de 20 MeV :

- Dans le plomb : $E = 20 \text{ MeV} > E_c \approx 9,6 \text{ MeV} \rightarrow$ pertes radiatives (*Bremsstrahlung*) dominantes.
- Dans le carbone : $E = 20 \text{ MeV} < E_c \approx 111 \text{ MeV} \rightarrow$ pertes collisionnelles (ionisation/excitation) dominantes.

Réponse : $E_c(\text{Pb}) \approx 9,62 \text{ MeV}$, $E_c(\text{C}) \approx 111,1 \text{ MeV}$ Pour un électron de 20 MeV , le plomb favorise fortement le *Bremsstrahlung*, le carbone non.