

Corrigé Examen Physique Atomique

Exercice 1 :

a) $E_T \rightarrow 0 \Rightarrow r \rightarrow 0 \Rightarrow$ Atome ionisé.

b) Théorie classique : Une charge accélérée (e^-) rayonne \Rightarrow perte d'énergie \Rightarrow instabilité de l'atome.

c) $\sigma = n\hbar = m_e \cdot v \cdot r$, $E_C = \frac{1}{2} \cdot m_e \cdot v^2 = \frac{Ze^2}{8\pi\epsilon_0 r}$, $F_e = \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{m_e \cdot v^2}{r} \Rightarrow r = \frac{4\pi\epsilon_0 \hbar^2}{Z m_e e^2} n^2 = a_0 \frac{n^2}{Z} = r_n$

$$E_p = -\frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} \Rightarrow E_T = -\frac{Ze^2}{8\pi\epsilon_0 r} = -\frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 a_0} \cdot \frac{Z^2}{n^2} = -13,6 \cdot \frac{Z^2}{n^2} \text{ (eV)}$$

d) Transition entre deux niveaux (m, n) : Elle correspond à, une énergie rayonnée tel que :

$$h\nu_{mn} = E_m - E_n \text{ avec } n < m$$

$$\nu_{mn} = \frac{E_m - E_n}{h} = -13,6 \cdot \frac{Z^2}{h} \left(\frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right) = 13,6 \cdot \frac{Z^2}{h} \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right)$$

$$\nu_{mn} = \frac{c}{\lambda_{mn}} \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{mn}} = \frac{\nu_{mn}}{c} = 13,6 \cdot \frac{Z^2}{c \cdot h} \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right) = R_H \cdot Z^2 \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right)$$

e) Expression de R_H : $R_H = \frac{13,6}{c \cdot h} = 1,097 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$

Exercice 2 :

a) La plus petite valeur possible de n :

$$\lambda_n = \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4} > 0 \Rightarrow (n^2 - 4) > 0 \Rightarrow n > 2 \Rightarrow \text{Plus petite valeur est : } n = 3$$

Longueur d'onde de la raie correspondante : $\lambda_3 = \frac{\lambda_0 \cdot 3^2}{3^2 - 4} = 6564,69 \text{ \AA}$

b) Nombre de raies observées limitée du côté des U.V :

$$\lambda_n \geq \lambda_v \Rightarrow \lambda_v \leq \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4} \Rightarrow n^2 \leq \frac{4\lambda_v}{\lambda_v - \lambda_0} = 45,33 \Rightarrow n < 7$$

On observe 4 raies : $n = 3, 4, 5, 6$ (Balmer : $n \rightarrow m = 2$)

c) Raies limites des séries Lyman, Paschen, Brackett : $\lambda_n = \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4}$ Rydberg : $\lambda_n = \frac{1}{R_H} \frac{m^2 \cdot n^2}{n^2 - m^2}$

$$\text{Balmer : } m = 2 \Rightarrow \frac{1}{R_H} \frac{4n^2}{n^2 - 4} = \frac{\lambda_0 \cdot n^2}{n^2 - 4} \Rightarrow R_H = \frac{4}{\lambda_0} = 0,00109677 \text{ \AA}^{-1}$$

Raies limites $\Rightarrow n \rightarrow \infty \Rightarrow$:

$$\text{Lyman: } m = 1 \Rightarrow \lambda_L = \frac{1}{R_H} = 911,77 \text{ \AA}$$

$$\text{Paschen: } m = 3 \Rightarrow \lambda_P = \frac{9}{R_H} = 8205,91 \text{ \AA}$$

$$\text{Brackett: } m = 4 \Rightarrow \lambda_B = \frac{16}{R_H} = 14588,29 \text{ \AA}$$

Exercice 3 :

Longueur d'onde minimale du spectre continu émis :

$\lambda_0 = \lambda_{min}$ correspond à $E_{max}(\acute{e}) = E_\gamma$ (rayonnée), toute l'énergie de l'électron est transférée au photon (RX) émis.

$$E_\gamma(RX) = h\nu = \frac{hc}{\lambda_0} = E_{max}(\acute{e}) \Rightarrow \lambda_0 = \frac{hc}{E_{max}} = \frac{hc}{e \cdot V} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 40 \cdot 10^3} = 3,1 \cdot 10^{-11} \text{ m} = 0,031 \text{ nm}$$

Perte d'énergie cinétique des électrons la plus probable :

D'après la courbe, $I_{max}(\acute{e})$ correspond à $\lambda = 0,046 \text{ nm}$ la plus probable. Ce qui correspond à une énergie rayonnée (perdue par l'électron) tel que : $E_{perdue}(\acute{e}) = E_\gamma(RX) = h\nu = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1241}{\lambda(nm)} = 27 \text{ KeV}$

Condition que doit vérifier l'énergie cinétique des électrons pour observer une raie K :

Cette raie correspond au réarrangement électronique suite à l'ionisation de l'électron K, donc :

$$E_{ciné}(\acute{e}) \geq |E_K|$$

$$\text{Longueur d'onde de la raie K : } \Delta E = E_K - E_L = h\nu = \frac{hc}{\lambda_{K\alpha}} \Rightarrow \lambda_{K\alpha} = \frac{hc}{\Delta E} = \frac{1241}{8040} = 0,154 \text{ nm}$$